

UM FKKT  
Kemijska tehnologija  
Kemija  
Bolonjski univerzitetni program

Vpisna številka:  
Ime priimek:  
Smer:

2. test pri predmetu MATEMATIKA 3  
29. 1. 2013

Čas reševanja je **75 minut**.

**Navodila:**

- *Ugasni in odstrani mobilni telefon. Uporaba knjig in zapiskov ni dovoljena.*
- *Vsak odgovor utemelji.*
- *Dovoljeni pripomočki so: kemični svinčnik, svinčnik, radirka, kalkulator, matematični priročnik in ročno zapisan A4 list s formulami.*

1. [20] Dana je funkcija  $f(x, y) = \ln(x(1 + 2y))$ .

- Zapiši enačbo nivojnice  $N_0$  funkcije  $f$  in jo skiciraj.
- Poišči ekstrem funkcije  $f$  pri pogoju  $x + y = a$ , če je  $a > 0$ .

2. [20] Dani sta ploskvi  $\mathcal{P}_1 : z = x^2 - y^2$  in  $\mathcal{P}_2 : x^2 + y^2 = 1$ .

- (a) S pomočjo cilindričnih koordinat parametriziraj krivuljo  $\mathcal{K}$ , ki nastane kot presek  $\mathcal{P}_1$  in  $\mathcal{P}_2$ .
- (b) Izračunaj enačbo tangente na krivuljo  $\mathcal{K}$  v točki  $T(1, 0, 1)$ .
- (c) Izračunaj tangentni vektor na ploskev  $\mathcal{P}_1 : z = x^2 - y^2$  v točki  $S(0, 0, 0)$ .

3. [20] S pomočjo Laplaceove transformacije poišči rešitvi sistema diferencialnih enačb

$$x'' - x' + y' = e^{-t}$$

$$x' - y'' - y' = t,$$

pri pogojih  $x(0) = 0$ ,  $x'(0) = 1$ ,  $y(0) = -1$  in  $y'(0) = -1$ .

UM FKKT  
Kemijska tehnologija  
Kemija  
Bolonjski univerzitetni program

Vpisna številka:  
Ime priimek:  
Smer:

2. test pri predmetu MATEMATIKA 3-teoretični del  
29. 1. 2013

Čas reševanja je **40 minut**. Navodila:

- *Ugasni in odstrani mobilni telefon.*
- *Dovoljeni so samo pisala.*

1. **[15]** Dokaži zadostni pogoj za obstoj lokalnega minimuma funkcije  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  v stacionarni točki  $(a, b)$ .

2. [10]

a) [5] Dokaži lastnost gradienta

$$\text{grad}(fg) = f\text{grad}g + g\text{grad}f.$$

b) [5] Naj bo  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ . Čemu je enaka divergenca gradienta funkcije  $f$ ?

3. [15] Izpelj pravili Laplaceove transformacije:

a) [5]  $\mathcal{L}(f(at))(z) = \frac{1}{a}\mathcal{L}(f(t))\left(\frac{z}{a}\right), a > 0,$

b) [10]  $\mathcal{L}(f''(t))(z) = z^2\mathcal{L}(f(t))(z) - zf(0) - f'(0).$